

Geradengleichung

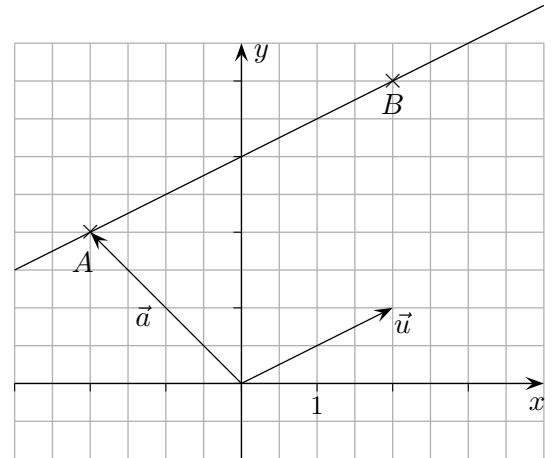
Die Gerade g verläuft durch die Punkte $A(-2 | 2)$ und $B(2 | 4)$.
Wie lautet die vektorielle Geradengleichung?

Der Verlauf der Geraden kann durch den

Stützvektor $\vec{a} = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix}$, der zum Punkt A führt, und dem

Richtungsvektor $\vec{u} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$ festgelegt werden.

Als Richtungsvektor wäre auch ein Vielfaches von \vec{u} geeignet.
Jeder Vektor, der zu einem Geradenpunkt führt,
kann als Stützvektor dienen.



Wie erhalten wir nun mit \vec{a} und \vec{u} die Gesamtheit aller Vektoren,
die zu Punkten auf der Geraden führen?

Auf je einen Punkt der Geraden weisen die Vektoren:

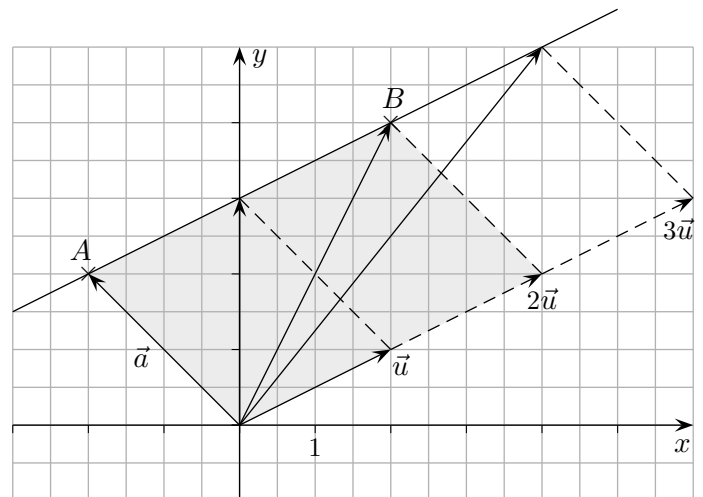
$$\vec{a} + \vec{u} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} + 2\vec{u} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} + 3\vec{u} = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} + \lambda\vec{u} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

allgemein, wenn λ den Zahlbereich durchläuft.



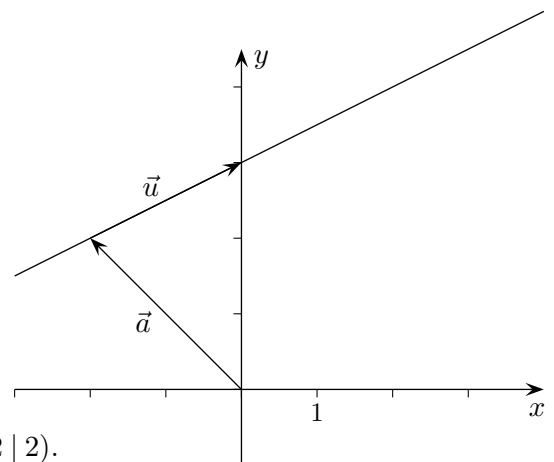
Die *Geradengleichung* lautet daher:

$$\vec{x} = \vec{a} + \lambda\vec{u}$$

und für unser Beispiel: $\vec{x} = \begin{pmatrix} -2 \\ 2 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$

Für jeden λ -Wert ergibt sich ein Vektor \vec{x} ,
der zu einem Punkt auf der Geraden führt.

Der besseren Anschauung halber verschieben wir den
Richtungspfeil parallel, so dass sein Anfangspunkt mit
dem Endpunkt von \vec{a} zusammenfällt.



- Die Gerade h verläuft durch die Punkte $C(-1 | 3)$ und $D(2 | 2)$.
Wie lautet eine Geradengleichung?

Geradengleichung

1. Die Gerade h verläuft durch die Punkte $C(-1 | 3)$ und $D(2 | 2)$.
Wie lautet eine Geradengleichung?

2. Untersuche, ob $A(-1 | 10 | 7)$ und $B(1 | 6 | 2)$ auf der Geraden

$$g: \quad \vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \\ 1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \quad \text{liegen.}$$

3. Bestimme a und b so, dass g und h parallel verlaufen.

$$g: \quad \vec{x} = \begin{pmatrix} 8 \\ 5 \\ 1 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 5 \\ -3 \\ 2 \end{pmatrix} \quad h: \quad \vec{x} = \begin{pmatrix} 9 \\ -1 \\ 7 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} a \\ b \\ -1 \end{pmatrix}$$

Lösungen:

1. z.B. $\vec{x} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \end{pmatrix}$

oder $\vec{x} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \end{pmatrix}$

2. A ja, B nein

3. $a = -\frac{5}{2}$, $b = \frac{3}{2}$