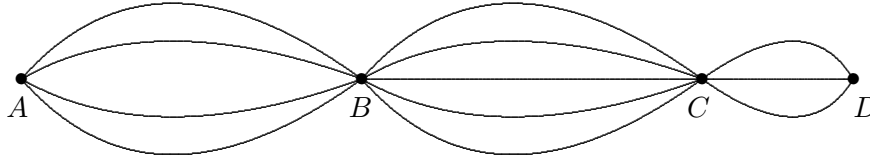


Kombinatorik

Wie viele Wege führen von A nach D ? (Zählprinzip)



Lösung: $4 \cdot 5 \cdot 3 = 60$

5 Elemente	$\{ 1, 2, 3, 4, 5 \}$		Anzahl	
3-Tupel, Wiederholung möglich	5 Möglichkeiten für den 1. Platz	5		k -Tupel
(3, 2, 3)	5 für den 2. Platz	5		n^k
(4, 1, 2)	5 für den 3. Platz	5	5^3	
3-Tupel, ohne Wiederholung	5 Möglichkeiten für den 1. Platz	4		
(1, 5, 3)	4 für den 2. Platz	3	$5 \cdot 4 \cdot 3$	$n \cdot (n - 1) \cdot (n - 2)$
(4, 2, 1)	3 für den 3. Platz			
Permutationen	n -Tupel ohne Wiederholung			
(2, 5, 4, 3, 1)	$5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1$	$5!$		$n!$
(4, 2, 1, 5, 3)				
3-elementige Teilmengen	Anzahl aller 3-Tupel: $5 \cdot 4 \cdot 3$			
$\{2, 1, 5\}$	3! 3-Tupel ergeben jeweils eine	$\binom{5}{3}$		$\binom{5}{3} = \frac{5 \cdot 4 \cdot 3}{1 \cdot 2 \cdot 3}$
$\{1, 2, 4\}$	3-elementige Teilmenge			
Muster	3 Plätze werden aus 5 ausgewählt			
($\triangle \spadesuit \spadesuit \triangle \spadesuit$)	Jeder 3-elementigen Teilmenge	$\binom{5}{3}$		$\binom{n}{k}$
($\spadesuit \triangle \spadesuit \triangle \spadesuit$)	entspricht ein Muster			

Wie viele 3-elementige Teilmengen mit genau einer schwarzen Figur kann man aus der Menge $\{ \spadesuit, \triangle, \nabla, \heartsuit, \clubsuit, \circ \}$ bilden?

$$\binom{4}{2} \cdot \binom{2}{1}$$

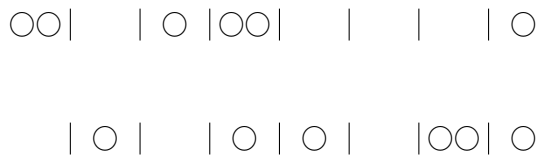
k ununterscheidbare Elemente werden auf n Plätze verteilt

6 Kugeln werden auf 8 Urnen verteilt,
 6 Stimmen werden auf 8 Kandidaten verteilt
 (Kugeln und Stimmen sind jeweils nicht unterscheidbar),
 wie viele Möglichkeiten gibt es hierzu?

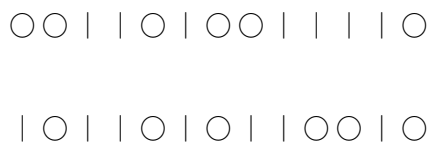
1	2	3	4	5	6	7	8
○○		○	○○				○

1	2	3	4	5	6	7	8
	○		○	○		○○	○

Die Anzahl kann unmittelbar erkannt werden,
 wenn die Verteilungen vereinfacht dargestellt werden:



oder mit gleichen Abständen:



Aus 13 Plätzen sind 6 auszuwählen und mit Kreisen zu besetzen.

Das ist auf $\binom{13}{6}$ Arten möglich, allgemein auf $\binom{n+k-1}{k}$ Arten.

Die Fragestellung lässt sich auch noch anders formulieren:

Aus einer Urne mit 8 Kugeln werden 6 Kugeln mit Zurücklegen entnommen.

Am Ergebnis interessiert uns nur, wie oft jede Kugel gezogen wurde.